文章编号:1673-9469(2012)03-0005-06

2012 年 9 月

# 水泥石膏材料相似模拟节理岩体有限元分析

### 王永亮1,栗东平2

(1. 清华大学 土木工程系,北京 100084;2. 河北工程大学 工程力学系,河北邯郸 056038)

摘要:水泥石膏材料(Cement Plaster)是模拟岩体的一种新型材料,其既保留了水泥砂浆流动性 好的优点,又大幅度地提高了砂浆的抗压强度和抗剪强度,且破坏形式与实际岩体十分接近,是 一种较好的相似材料。本文利用这种水泥石膏材料模拟单节理岩体,进行有限元分析,分别建 立了不同节理倾角的三维岩体模型,进而讨论了其抗压强度的变化规律。研究验证了水泥石膏 材料模拟岩体的可靠性,为进一步开展岩体的尺寸效应、分形节理岩体的力学性能等研究工作 奠定了基础。

关键词:有限元;节理岩体;抗压强度;水泥石膏;相似模拟 中图分类号:TU470 文献标识码:A

## The FEM analysis of the jointed rock via the cement plaster similar simulation

WANG Yong –  $liang^1$ , LI Dong –  $ping^2$ 

(1. Department of Civil Engineering, Tsinghua University, Beijing 100084, China;

2. Department of Engineering Mechanics, Hebei University of Engineering, Hebei Handan 056038, China)

Abstract: The cement plaster material is a new type of material of simulated rock, not only retains the cement's good mobility advantage, but also substantially improves the compressive strength and shear strength of the mortar, and the failure mode is very similar to the actual rock, obviously which is a ideal similar simulation material. In this paper, we use this cement plaster material to simulate the single - jointed rock, and then analyze the three - dimensional rock models with different obliquities joint to discuses the compressive strength variation by FEM. The study confirmed the reliability of the cement plaster material, which laid the foundation for further development of the size effect and the fractal jointed rock mechanical properties.

Key words: FEM; jointed rock element; compressive strength; cement plaster; similar simulation

实际工程中,现场岩体体积庞大,实际岩体强 度的检测难以实现,且测试费用较高,进而发展了 在实验室中利用小尺寸试件来模拟实际岩体的分 析方法<sup>[1]</sup>,这就需要发展相应的相似理论<sup>[2-3]</sup>和 相似模型。文<sup>[4]</sup>中利用水泥石膏材料来相似模拟 岩体,通过实验室大量的模拟试验得到了模拟砂 岩的配合比,显示了该水泥石膏材料良好的性能。 在该复合砂浆中,水泥作为粒状浆材,可以提高复 合砂浆的强度;石膏粉能调节复合砂浆的胶结时

间。因此,该复合砂浆不但保留了水泥砂浆流动 性好等优点,而且克服了水泥砂浆强度低的弱 点,它大幅度提高了砂浆的抗压强度和抗剪强 度<sup>[5]</sup>,具有优良的复合性能,是一种较好的相似 材料。

岩体是由岩块和结构面组成的地质体,因此 其强度必然受到岩块和结构面强度及其组合方式 的控制。一般情况下,岩体的强度不同于岩块的 强度,也不同于结构面的强度,如果岩体中结构面

收稿日期:2012-06-19

作者简介:王永亮(1985-),男,河北唐山人,博士,从事结构工程和计算力学研究。

不发育,呈完整结构,则岩体强度大致等于岩块强度,如果岩体将沿某一结构面滑动时,则岩体强度 完全受该结构面强度的控制<sup>[6]</sup>。这两种情况,相 对比较好处理;本文将着重讨论被节理切割的裂 隙(节理化)岩体强度的确定问题。它一方面受岩 石材料性质的影响,另一方面受结构面特征(数 量、方向、间距、性质等)和附存条件(地应力、水、

温度等)的控制。本文将进一步利用上述水泥石 膏材料相似模拟三维岩体,进行有限元分析,研究 其不同节理倾角下的抗压强度。

### 1 相似试验研究

试验原料水泥:42.5 普通硅酸盐水泥;石膏: 特级熟石膏粉;硼砂:采用工业用硼砂(一等), 硼砂含量 > 95%,在试验中加入的硼砂浓度为 1%;砂:模数为2.7 的河砂(中砂)。

为了研究骨料对水泥石膏模拟材料性能的影 响,做了固定水泥用量(200g)和石膏用量( 150 g),逐渐增大砂用量的室内试验,并在此基 础上绘制了随砂含量的增大,水泥石膏模拟材料 的抗压强度、抗弯强度、弹性模量的变化曲线。随 着砂量的增大,水泥石膏模拟材料的抗压强度和 抗弯强度在小范围内显著减小。固定砂用量(1 900 g) 和石膏用量(120 g),研究水泥用量对水 泥石膏模拟材料性能的影响。当固定砂和石膏用 量时,水泥石膏相似材料的抗压强度和抗弯强度 在小范围内随水泥用量的增大呈明显增大的趋 势。固定砂用量1900g、水泥用量200g时,逐 渐增加石膏的含量,研究石膏用量对水泥石膏模 拟材料性能的影响。当固定砂和水泥用量时,水 泥石膏相似材料的抗压强度和抗弯强度在小范围 内随石膏用量的增大呈明显的增大趋势。水胶比 也是影响水泥石膏模拟材料的一个重要指标。当 固定砂、水泥和石膏的用量时,水泥石膏模拟材料 的抗压强度和抗弯强度在小范围内随着用水量的 增大呈明显减小的规律。

在上述试验分析结果的指导下,进行了相关 试验,得到模拟材料的抗压强度范围为 2.10 MPa ~6.30 MPa。

#### 2 相似模型的有限元分析

#### 2.1 有限元分析概述

分析强度问题,运用理想弹塑性模型<sup>[7-8]</sup>即 可获得比较精确的解答。摩尔 - 库伦(M-C)屈 服准则可很好地描述大多数岩土材料的强度特 性<sup>[9-10]</sup>,因此本文采用 M-C 屈服准则。由于 M -C 屈服准则的屈服面为不规则的六角形截面的 角锥体表面,存在尖顶和棱角,给有限元计算带来 很大的不便,为此需要修正。本文中所用软件 ANSYS 采用的是广义 Mises 准则<sup>[11]</sup>,其通式为

f(I1,J2) = aI1 +72 - k = 0 (1) 式中 a、k 为与 c、φ 有关的参数,变换 a、k 值就可 在有限元中实现 M - C 系列修正的屈服准则。

从式(1)看,在平面应变条件下,M-C内切圆屈服准则采用关联流动法则时与M-C屈服准则是一致的<sup>[12]</sup>,有很高的计算精度,因此本文选择M-C内切圆屈服准则作为岩块的屈服准则。

合理地分析和模拟节理的力学特性和破坏机 制一直是工程界和学术界关注的热点问题<sup>[13-15]</sup>。 本文基于有限元软件 ANSYS,拟采用夹层模型来 进行节理的数值模拟。假设结构面有一定的厚度 (即岩块中存在夹层),采用与水泥石膏岩块相同 的常规实体单元,本构关系与屈服准则也与其一 致,只是强度参数(粘聚力 c、内摩擦角 φ 等)有所 不同。

下面将通过对 0°、30°、45°、60°等各个角度的 节理岩体进行模拟,进而得到各自的抗压强度。 对于各个角度模型的有限元分析具体步骤类似, 下面主要讨论 45°情况,其它各模型类似讨论可得 相应结果。

#### 2.2 45°倾角试块的有限元分析

根据 ANSYS 采用 SOLID65 单元来模拟所选 用的材料,建立30 mm×30 mm×60 mm 的立方体 几何模型。节理的厚度为短边边长的 1/20,即 1.5 mm,这条单节理与水平面成 45°夹角。将立 体沿各个划分后的长边分成4 份,短边分成2 份 的有限元网格划分方法,具体模型如图1 所示,参 数设置见表1、表2。



图1 倾角模型图 Fig.1 Model diagram with dip

#### 表 1 SOLID65 单元参数 Tab. 1 SOLID65 parameters

6 W	SOLID65 单元作为岩	SOLID65 单元作为		
奓奴	体块参数设置	节理块参数设置		
弹性模量	$7.36 \times 10^3$ / M Pa	$7.36 \times 10^3 / MPa$		
粘聚力	0.725/MPa	0.45/MPa		
剪胀角	0°	0°		
泊松比	0.27	0.27		
内摩擦角	47.2°	48.1°		
材料密度	$2.4 \times 10^{-6}$ /kg. mm <sup>-3</sup>	$2.4 \times 10^{-6} / \text{kg} \cdot \text{mm}^{-3}$		

表 2 岩体块与节理块接触对参数

Tab. 2 Rock blocks and joints contact parameters

参数	接触对参数设置
刚性目标面	TAPGE170
接触摩擦系数	0.2
接触刚度矩阵	非对称矩阵
柔性接触面	CONTA174
接触刚度的处罚系数	0.1

根据试验室的实际加载情况,考虑到试验机 的压头对试块上下两个面在各自平面内进行约 束,因此,可将模型底部面上的各节点在 X,Y、Z 方向的位移进行约束,将顶部面上的节点在 X、Z 方向的位移进行约束。为了保证压力均匀,在试 件顶部面上的 Y 方向施加 10.0 MPa 的压力载荷, 在求解过程中,打开自动时间步,即可自动选择合 适的荷载步增量,逐步加载到试件的顶部。在分 析计算过程中,不考虑温度的影响,采用力收敛和 位移收敛相结合的收敛准则,打开线性搜索选项, 输出每一步的计算结果,打开程序的自动二分选 项,设置终止时间为 1,设置 50 个子步,每一个子 步的不平衡迭代次数为 35 步,每个载荷子步结果 都输出到结果文件中。

结果后处理分析:通过对 30 mm × 30 mm × 60 mm尺寸的试件进行模拟计算,可以得出随着载 荷步和时间的增加,载荷与位移(Y 轴方向)的数

据。当时间进行到 Time = 0.648 47 时,结构破 坏,程序由于不收敛而结束计算,得出相应荷载 -位移曲线,如图 2 所示。



图2 45°倾角荷载-位移曲线





图3 45°倾角substep=14时的位移矢量图 Fig.3 Figure of the displacement vector in

## substep=14 with dip 45°

由图2可以看出,荷载-位移变化关系基本 上分为三部分:第一部分0-2.414 47 阶段,这一 阶段曲线基本成直线,而且曲线的斜率基本比较 陡;第二部分2.414 47-2.561 57 阶段,这一阶段 曲线的变化基本比较平缓;第三阶段 2.56157 -10.000 00 阶段,这一阶段,曲线就是一条直线。 从图2上可以看出:首先是节理面的上力所产生 的变形,在这一阶段模型的变形基本以弹性变形 为主,第一段斜直线部分,然后是节理面尖端产生 的变形,最后为产生裂纹,并且这一阶段最明显的 特征为,位移持续增大,而荷载变化很小,如图2 中间平缓部分,在这一阶段末和下一阶段初,模型 失去承载力,因此可以认为,第二阶段末和第三阶 段初所对应的荷载即为这一尺寸试件的极限荷 载,即 Pmax = 2.561 57 MPa。这也正好和试验室 中试块的破坏形式基本上一致。模型受力过程 中,从不同子步应力变化可以看出:随着荷载的加 大,模型的节理附近的应力变大,这与试验中对应 试块的裂纹在中部节理部位产生的现象相吻合, 如图 3 所示。当 substep = 14, t = 0.648 47 时, 变 形急剧增大,也表明节理岩体达到了其极限载荷。

#### 2.30°、30°、60°倾角试块的模拟分析

当倾角为0°时,时间进行到 Time = 0.777 35 时,程序由于不收敛而结束计算,得出荷载 - 位移 曲线,如图 4 所示。第二阶段末和第三阶段初所 对应的荷载即为这一尺寸试件对应的极限荷载, 即  $P_{max}$  = 4.720 69 MPa。如图 5 所示,当 substep



图4 0°倾角荷载-位移曲线 Fig.4 Curve of the disy-load with dip 0°

=14 时,对应模型中部的应力出现大面积变大,由 此可以断定当t = 0.777 35 时对应的荷载即为其 极限荷载;并且,由位移矢量也可以看出t = 0.77735 时,变形急剧增大,也表明节理岩体达到极限载 荷。同理,30°、60°倾角情况,极限荷载分别为 $P_{max}$ = 2.655 61 MPa、 $P_{max}$  = 6.488 86 MPa,分别如图 6、图7、图8、图9所示。











图7 30°倾角substep=14时的位移矢量图 Fig.7 Figure of the displacement vector in

substep=14 with dip 30°



图8 60°倾角荷载-位移曲线 Fig.8 Curve of the disy-load with dip 60°



图9 60°倾角substep=14时的位移矢量图



#### 3 抗压强度与有限元果分析

为了从理论上用分析法研究裂隙节理的抗压 强度,耶格(Jaeger)提出了单结构面理论。单节理 面理论分析如图 10 所示。

岩体中发育一组结构面 AB(m-m), 假定 AB 面(指其法线方向)与最大主应力方向夹角为β, 由莫尔应力圆理论,作用于 AB 面上的法向应力 σ 和剪应力 τ 为

$$\sigma = \frac{1}{2}(\sigma_1 + \sigma_3) + \frac{1}{2}(\sigma_1 - \sigma_3)\cos 2\beta \qquad (2)$$

$$\tau = \frac{1}{2} (\sigma_1 - \sigma_3) \sin 2\beta \tag{3}$$

结构面强度曲线服从库伦准则

$$\tau = c_{\omega} + \tan \phi_{\omega} \tag{4}$$

式中 $c_{\mu}$ , $\phi_{\mu}$ 分别为结构面的粘结力和内摩擦角。



图10 单节理面理论分析图

Fig. 10 Figure of the single joint theory

文[16]中采用 PLANE42 单元,与本文同样利 用夹层模型来模拟单节理岩体,建立平面模型,得 到节理在不同倾角下岩石地基的承载力值。结合 上文得到的单节理岩体抗压强度模拟值和理论 值,可以得出三者在节理倾角变化时的数据汇总, 如表 3 所示。

表 3 各抗压强度随倾角的变化						
Tab. 3 Every	intensity of	pressure	with t	the change	of the	angle

类别	0°	30°	45°	50°	55°	60°	65°
理论解	5.144	2.894	2.792	3.319	3.491	7.084	12.770
文 <sup>[16]</sup> 模拟解	-	38.09	11.38	8.50	8.94	18.14	32.70
本文模拟解	4.720 69	2.655 61	2.561 57	-	-	6.488 86	~

根据表 3 中数据可以得到倾角 - 抗压强度曲 线,如图 11 所示。由图 11 可以看出:



图11 倾角-抗压强度曲线

Fig. 11 The pressure curve of the angleintensity

1)本文水泥石膏相似模型的抗压强度与理论 值十分接近,可以认为建立该相似模型是符合实 际情况的。

2)将本文有限元分析结果与理论值、文[16] 结果进行比较、分析,可以看出三者的变化趋势是 相同的,即单个节理岩体的抗压强度并不是随着 该节理倾角的变化而单调递增或递减,而是随着 倾角的逐渐增加,抗压强度先是逐渐减少到一个 最小值,而后逐渐增加。

3) 文[16] 中所得到的强度值均比理论值和本

文的模拟值明显偏大,是因为其所用的参数完全 是岩体的实际参数,建立的平面模型,模拟的是真 实的岩体。而本文中用到的参数是根据实验室中 模拟岩体的水泥石膏试块所具有的参数来确定 的,建立的是三维实体模型,理论值也是根据该参 数来进行求解的,所以理论值与本文模拟值相近。 若调整水泥石膏材料中的用料配比,也可以对 文<sup>[16]</sup>中的真实岩体进行模拟。

#### 4 结论

1)其承压破坏方式与实际节理岩体破坏方式 相似,进而验证了水泥石膏相似模拟岩体的可 行性。

2)本文仅考虑单节理的岩体强度,实际岩土 工程中更多的是多节理的岩体,相应分析也会更 加复杂。岩体的强度不单单与节理倾角有关,还 与岩石强度、节理位置、周围环境等等有关。对于 水泥石膏模拟岩体,也应当进一步考虑模型的尺 寸效应。

#### 参考文献:

[1] 林韵梅. 实验岩石力学 - 模拟研究[M]. 北京: 煤炭

工业出版社, 1984.

- [2] 左保成, 陈从新, 刘才华. 相似材料试验研究[J]. 岩 土力学, 2004, 25(11): 1805 - 1808.
- [3] 彭海明, 彭振斌, 韩金田. 岩性相似材料研究[J]. 广 东土木与建筑, 2002, 12(12):13-17.
- [4] 栗东平,王谦源,张增祥,等.模拟岩性的相似试验研究[J].河北工程大学学报:自然科学版,2007,24(2):12-19.
- [5] 黄 戡,卿 凇,谢国柱.水泥石膏相似材料的模拟实 验[J].西部探矿工程,2003,15(12):127-129.
- [6] GHOSH A, DAEMEN J J K. Fractal characteristics of rockdiscontinuities[J]. Engineering Geology, 1993(34): 1-9.
- [7] 赵德安.节理塑性对岩体性能的影响分析 [J]. 兰州 铁道学院学报,2002,21(4):1-4.
- [8] ZHAO DEAN. Impact of joint plasticity to properties of rock mass [J]. Journal of Lanzhou Railway University (Natural Sciences), 2002, 21(4):123-127.
- [9] 蔡美峰,何满潮,刘东燕. 岩石力学与工程[M]. 北 京:科学出版社,2002.

- [10] 李晓红,王成. 含节理的岩石地基承载力估算[J]. 工程力学(增刊),2001:659-662.
- [11] WU JIMIN, A. MABTAB, XU SHULIN. Estimation the barton equation for the shear strength of rock joints [J]. Journal of Engineering Geology; 2007 (04): 0349 -0353.
- [12] CARPINTERI A. Scaling law and renormalization groups for strength and toughness of disordered materials [J]. International Journal of Solids and Structures, 1994(31):610-613.
- [13] 张志刚,乔春生,刘 勇. 节理岩体强度特征研究综述 [J]. 煤田地质与勘探,2006,34(5):38-41.
- [14] 张志刚,乔春生,李 晓. 单节理岩体强度试验研究 [J]. 中国铁道科学,2007,28(4):34-39.
- [15] 张志刚,乔春生.改进的节理岩体强度参数经验确定 方法及工程应用[J].北京交通大学学报,2006,30 (4):46-49.
- [16] 邓楚键, 孔位学, 郑颖人.节理岩石地基极限承载力 的有限元分析[J].工业建筑,2005,35(12):51-54. (责任编辑)刘存英)

(上接第4页)

#### 参考文献:

- [1] 刘数华,冷发光,罗季英.绿色高性能建筑材料实验研 究的数学方法[M].北京:中国建材工业出版 社,2006.
- [2]何锦云,毛明明. C30 再生粗骨料混凝土和易性和抗 压强度研究[J].河北工程大学学报:自然科学版, 2011,28(4):19-21.
- [3] 潘宏彬. 粉煤灰掺量对混凝土强度的影响[J]. 试验技 术与试验机,2006(1):42 - 46.
- [4] 钱觉时.粉煤灰特性与粉煤灰混凝土[M].北京:科学 出版社,2002.

- [5] 贺军利. 钢筋混凝土框架工程抗连续倒塌的问题[J]. 黑龙江科技学院学报,2010,10(1):52-59.
- [6] 赵蕴林,吴 磊,杨 霞. 粉煤灰对混凝土早期强度影响 初探[J].四川理工学院学报:自然科学版,208,21
   (2):118-120.
- [7] 陈国灿. 聚丙烯纤维超高强石渣混凝土的力学性能研究[J]. 四川理工学院学报:自然科学版,2011,24
  (1):14-17.
- [8] 白金剑,李 帅,刘茉莉,等. 粉煤灰掺量对相同浆体体 积比砂浆性能的影响[J].河北工程大学学报:自然科 学版,2011,28(3):9 - 12.

(责任编辑 徐博会)