文章编号:1673-9469(2021)01-0053-08

DOI:10.3969/j.issn.1673-9469.2021.01.009

桩承式路堤中土拱效应演变规律宏细观研究

庄 妍^{1,2},程欣婷³,刘永莉¹,王新岐⁴,杜佃春²,曾 伟⁴,李文涛¹,应春丽⁵

(1. 湖北工业大学 土木建筑与环境学院,湖北 武汉 430068;

2. 东南大学 土木工程学院, 江苏 南京 211189; 3. 河海大学 土木与交通学院, 江苏 南京 210098;

4. 天津市市政工程设计研究院, 天津 300392; 5. 湖北省交通规划设计院股份有限公司, 湖北 武汉 430051)

摘要:基于桩承式路堤平面土拱效应研究的室内模型试验,采用 PFC2D 软件建立桩承式路堤颗 粒流数值分析模型,通过与试验结果对比验证了该数值分析模型的正确性。首先,基于路堤自重 应力荷载作用下的颗粒流数值模拟结果,验证了平面土拱效应内拱与外拱高度理论计算公式的 正确性。然后从路堤中竖向应力的分布规律、应力缩减比的变化规律以及路堤中接触力的分布 规律三个角度分析了路堤表面外加荷载作用下桩承式路堤中土拱效应的演变规律。研究发现: 当路堤表面外加荷载由 10 kPa 增大至 40 kPa 时,桩承式路堤中的土拱效应发挥稳定;当路堤表 面外加荷载由 40 kPa 增大至 100 kPa 时,桩承式路堤中的土拱结构发生了退化并有新的土拱结 构形成,在宏观上表现为软土承担竖向荷载的分担比呈现增大的趋势。

关键词: 桩承式路堤;土拱效应;离散元模型;应力缩减比;接触力分布规律 中图分类号:TU443 文献标识码:A

Macro and Micro Analysis on Evolution of Soil Arching Effect in Piled Embankment

ZHUANG Yan^{1,2}, CHENG Xinting³, LIU Yongli¹, WANG Xinqi⁴, DU Dianchun², ZENG Wei⁴, LI Wentao¹, YING Chunli⁵

(1. School of Civil Engineering, Architecture and Environment, Hubei University of Technology, Wuhan, Hubei 430068, China; 2. School of Civil Engineering, Southeast University, Nanjing, Jiangsu 211189, China;

3. College of Civil and Transportation Engineering, Hohai University, Nanjing 210098, China;

4. Tianjin Municipal Engineering Design & Research Institute, Tianjin 300392, China;

5. Hubei Provincial Communications Planning and Design Institute Co., Ltd., Hubei Wuhan 430051, China)

Abstract: Soil arching effect is the main load transfer mechanism of piled embankment. It is the key factor to analyze the load transfer and the settlement of piled embankment to correctly grasp the evolution mechanism of soil arch. Based on the model test of plane soil arching effect, the PFC2D software is used to establish the particle flow numerical analysis model of piled embankment, and the correctness of the numerical analysis model is verified by comparing with the test results. Firstly, the theoretical calculation formula for the height of inner arch and outer arch of plane soil arching is verified based on the numerical simulation results of particle flow under embankment self-weight stress. Then, the evolution law of soil arching effect in piled embankment under the external load on the embankment, the variation of stress reduction ratio and the distribution of contact force in embankment. When the external load on the embankment is stable. For the condition that the external load on the embankment surface increases from 40 kPa to 100 kPa, the soil arch structure in the piled embankment will degenerate and form a new soil arch structure,

收稿日期:2020-11-10

基金项目:国家自然科学基金资助项目(51922029);江苏省自然科学基金资助项目(BK20200372);江苏高校优势学科建设工程资助项目 (1105007138);中央高校基本科研业务费专项资金资助项目(2242020K40102)

作者简介: 庄妍(1982-), 女, 江苏邳州人, 博士, 教授, 主要从事土拱效应、交通岩土、软基处理等方面的研究。

which shows that the vertical load carried by the subsoil presents an increasing trend.

Key words: piled embankment; soil arching effect; discrete element model; stress reduction ratio; the distribution of contact force

桩承式路堤因其经济高效,同时能够有效提 高不良地基承载力、减小地基沉降和不均匀沉降 的优点,已在国内外高速公路、铁路、机场及路桥 过渡段等工程建设中得到广泛应用[1-3]。在设计 过程中,桩承式路堤的沉降计算建立在路堤荷载 传递机理的基础上,而土拱效应是桩承式路堤中 荷载传递的重要媒介,因此,对于桩承式路堤中土 拱效应的产生机理的研究具有重要的工程应用价 值与经济意义。Terzaghi^[4]最早提出活动门试验以 验证土拱效应,土体内部剪切破坏面的发展经历 了由曲线形向竖直剪切面的变化过程。近年来诸 多学者对土拱效应的理论分析模型展开了研究。 Rui 等^[5-6]采用 PIV 技术采集和分析填料变形特 点,揭示了无筋与加筋工况下的二维土拱剪切破 坏面的形状。陈其志等^[7]采用同样的方法观测到 土拱剪切破坏面的形状根据路堤高度与桩净间距 的比值不同而发生变化。郑俊杰等[8]通过引入拱 顶或桩帽土体单元的状态系数对 Hewlett 和 Randolph^[9]提出的土拱效应分析方法进行了改进。 Zhao 等^[10]分析了桩-土模量差对荷载传递大小的 影响,建立了考虑桩-土模量差的土拱效应理论分 析模型。以上研究主要从宏观角度对土拱效应的 发展规律进行分析,而土拱效应产生的内在原因 是由于路堤颗粒之间的相互剪切作用使得路堤中 的应力发生重分布,因而从微观角度分析土体颗 粒体系中应力的传递路径,从而揭示桩承式路堤 中的荷载传递规律显得尤为重要。Tran 等^[11]对比 分析了离散元和有限元两种建模方式下路堤的荷 载传递效率以及应力偏转方面的差异。Lai 等^[12] 基于二维离散元模型从细观角度分析了土拱结构 的变化过程。鲍宁等[13]采用离散元软件建立了3 种不同高度三维活动门颗粒流模型,分析了路堤 内部竖向土压力分布特点、土拱发展模式和土体 的沉降变形规律。本文将基于室内模型试验建立 桩承式路堤颗粒流模型,从宏观和微观两个角度 分析路堤填料自重荷载作用及静载作用下桩承式 路堤中土拱效应的形成及演变规律。

1 离散元数值模型建模

基于桩承式路堤平面土拱效应研究的室内模

型试验,采用 PFC2D 软件建立桩承式加筋路堤颗 粒流数值模型。将桩承式路堤的离散元颗粒流模 型数值模拟结果与室内模型试验结果进行对比, 验证所建立桩承式路堤的离散元颗粒流模型的正 确性,进而从细观角度对土拱效应的形成及演化 规律进行研究。

1.1 室内模型试验简介

该模型试验中,模型槽由钢化玻璃和角钢制作 而成,模型槽一面使用钢化玻璃,其余三面使用钢材 制作(图1)。模型槽边长为0.9 m,高为1.3 m。模 型试验尺寸与实际工程结构尺寸的比例为1:10。 路堤填土选用黄砂,填筑高度为0.5 mm,桩间土材 料采用易变形的泡沫颗粒,厚度为0.3 m。在模型 槽中设置三根钢制桩墙,桩间距为0.3 m,桩墙的 尺寸为0.9 m×0.05 m×0.4 m,在桩墙周围填筑泡 沫颗粒。该室内模型试验过程以及试验结果详见 参考文献[14]。



图 1 室内模型试验装置示意图 Fig. 1 The layout of the experimental device

1.2 桩承式路堤颗粒流数值模型的建立

基于室内模型试验的对称性,本文选取两个 半桩及两桩之间的土体,建立了桩承式加筋路堤 离散元颗粒流数值分析模型,如图2所示。该数值 模型的尺寸为:桩高 0.3 m,宽 0.05 m,桩间距 0.3 m,路堤高度 0.5 m。路堤和桩间土颗粒均采 用分层压实法进行分层填筑,每层厚度为 100 mm (与室内模型试验过程一致)。模型槽及桩体均用 颗粒流中的刚性墙(wall)模拟,以限制颗粒的运动;土颗粒、土工格栅均采用圆盘颗粒(ball)模拟。 静载作用下桩承式路堤中的土拱效应研究,采用 伺服机制在路堤顶面分级施加静载,施加的每级 荷载为10 kPa。

1.3 模型参数的确定

在离散元颗粒流 PFC 模型中,路堤填料的细观参数采用试样尺寸为 40 mm×80 mm(宽×高)的数值双轴试验反演试算获得,经过不断调试参数, 直到数值模拟结果与试验结果基本相同。通过试 算,最终确定路堤填料细观参数见表 1,相应的数 值双轴试验应力-应变数值模拟结果与试验结果对 比图如图 3 所示。



图 2 桩承式路堤颗粒流数值模型 Fig. 2 The DEM model of piled embankment



采用尺寸为 125 mm×50 mm(长×高)的数值 压缩试验进行反演试算,确定桩间土的细观参数。 具体步骤为:在 125 mm×50 mm 区域内生成粒径 为 3.5~5 mm 且服从标准正态分布的颗粒。颗粒 生成后,对试样顶部墙体施加恒定向下的速度进 行加载,记录加载过程中顶部墙体的荷载-位移曲 线,不断调试桩间土颗粒的细观参数,直到数值模 型获得的应力-位移曲线与室内压缩试验得到的曲 线相吻合,如图 4 所示。最终确定桩间土颗粒细观 参数如表 1 所示。



by PFC and the experimental results

表1 PFC 模型微观参数

Tab. 1 The microcosmic parameters of the PFC model

参数	路堤	桩间土	刚性加载板	桩或墙
单元	ball	ball	wall	wall
孔隙率	0.19	0.21	—	—
法向刚度 $k_{n'}(N \cdot m^{-1})$	7.5×10 ⁷	6. 0×10 ⁵	1.0×10^{10}	6. 0×10 ¹⁰
切向刚度 $k_{s'}(N \cdot m^{-1})$	5. 0×10 ⁷	4. 0×10^{5}	1.0×10^{10}	6. 0×10 ¹⁰
颗粒间摩擦系数f	0.8	0.7	0.7	0.0
颗粒密度 ρ/(kg·m ⁻³)	1 500	400	1 700	_

1.4 模型验证

为验证本文离散元数值模型的正确性,将桩间距为0.3 m 且路堤高度为0.5 m 的平面土拱效 应室内试验结果与 PFC 数值模拟结果进行对比分 析,如图5所示。离散元数值模拟所得路堤中竖向 应力的分布曲线与试验结果的曲线变化趋势相一 致,两者误差约为2%~17%,从而验证了本文建立 的桩承式路堤颗粒流模型的正确性。

1.5 数值模拟工况

为分析桩承式路堤中土拱效应的形成-演变 规律,本次数值模拟建立了9个工况共25个离散 元颗粒流模型。其中,工况1-5分析了在路堤自



重应力作用下随着路堤高度的增加路堤中颗粒与 颗粒间接触力的分布,从而分析路堤中土拱效应 的发展过程。分析了工况 6—9 在逐级增加静态荷 载作用下桩承式路堤中土拱效应的演变规律,具 体工况如表 2 所示。

表 2 离散元 PFC 数值模拟工况 Tab. 2 The programmes of PFC models

编 路堤高度 号 <i>h/mm</i>	路堤高度 h/mm	路堤高度 <i>h</i> 与桩间	静压 a /kPa	
2	10/11111	距s比值	1 stat	
1	100	0.4	0	
2	200	0.8	0	
3	300	1.2	0	
4	400	1.6	0	
5	500	2.0	0	
6	200	0.8	20, 25, 30, 35	
7	300	1.2	20, 25, 30, 35	
8	400	1.6	20, 25, 30, 35	
9	500	2.0	10, 20, 25, 30, 35, 40, 50, 100	

2 静载作用下桩承式路堤中土拱效应演变 规律

本文分别对路堤填料自重荷载作用及静载作用 下路堤中的土拱效应形成及演变规律进行分析。首 先,根据工况1、3、4、5分析了不同填筑路堤高度时 路堤中颗粒间的接触力分布;其次,根据工况9对不 同静载作用下路堤中竖向应力分布、应力缩减比 SRR以及路堤中接触力的分布规律进行分析。

2.1 自重应力作用下桩承式路堤中土拱效应的 形成-演变规律

图 6 为不同路堤高度情况下路堤中接触力的 分布规律。图中接触力的大小按照相同的比例绘 制,线条的粗细能够反映出接触力的大小,线条越 粗表示接触力越大。从图6中可以看出,随着路堤 高度的增加,路堤底部存在的接触力重分布现象 逐渐明显,表现为在靠近桩顶处的接触力线条更 加密集且粗,即接触力逐渐向桩上转移并集中,而 软土上的接触力逐渐减小,桩承式路堤中的土拱 效应逐渐得到发挥。当路堤高度 h = 100 mm 时 (h/(s-a)=0.5),路堤中基本上没有出现接触力 由路堤填土向桩上转移的现象,说明此时路堤中 没有土拱效应产生,这与参考文献[14]中得到的 "当 h/(s-a) ≤ 1.0 时,没有土拱效应产生"结论 相一致。当路堤的高度增大至 400~500 mm 时 (h/(s-a)的变化范围在 2.0~2.5 之间),路堤中 的强力链在软土的上方交错形成环形的拱结构. 且该环形拱的两端位于相邻的两个半桩上,如图6 (b)、6(c)中虚线所示,该土拱的形状与 Hewlett 和 Randolph^[9]提出的"半圆形土拱模型"相似,该半 圆形土拱模型中应力由软土向桩上传递的现象主 要发生在外拱与内拱之间所在的环形区域。从图 中可以看出:随着路堤高度的增大,土拱的内、外 拱高度均呈现增大的趋势。根据参考文献[14]推 求的土拱效应外拱高度 h。与内拱高度 h; 的理论 表达式(公式(1)和(2))可以计算出:当路堤高度 h=400 mm 与 500 mm 时, 土拱的内、外拱高度分 别为 $h_i = 96 \text{ mm}_h = 184 \text{ mm}(h = 400 \text{ mm}) 与 h_i =$ 100 mm、h。=185 mm(h=500 mm),将理论公式的 结果与图 6(b)、(c)中的结果相比可知,理论公式 计算出的内、外拱高度与数值模拟获得的内外拱 高度的误差在 1.0%~13.0%之间,从而验证了在 桩承式路堤中,采用公式(1)与公式(2)计算平面 土拱效应内、外拱高度的合理性。

$$h_{o} = -0.18 \frac{h^2}{(s-a)} + 0.7h$$
 (1)

$$h_i = -0.08 \frac{h^2}{(s-a)} + 0.4h$$
 (2)

式中: h_{o} —土拱外拱高度,m; h_{i} —土拱内拱高度, m;h—路堤高度,m;s—桩间距,m;a—桩帽尺寸或 桩的直径,m。

2.2 静载作用下路堤中竖向土压力分布规律

为分析桩承式路堤中土拱效应完全产生时, 路堤表面作用的静载 q_{stat} 对土拱效应的影响,对桩 间距 s = 250 mm,路堤高度 h = 500 mm 的模型(h/(s-a) = 2.5)逐级施加静载。图 7 为不同 q_{stat} 作用 时路堤中的竖向应力分布规律,其中 q_{stat} 的取值范 围为 10~100 kPa。当 q_{stat} 的变化范围为 10~ 50 kPa 时,路堤中软土中心上方的竖向应力 σ_{qs} 沿 着路堤高度呈现出三个阶段的变化规律,且不同 q_{stat} 作用时的变化规律趋于一致:在距离路堤底部 200 mm 至路堤表面范围内, $\sigma_{\rm qs}$ 沿着路堤深度逐 渐增加;在距离路堤底部 100~200 mm 范围内, σ_{as} 沿着路堤深度急剧减小;在路堤底部至距离路堤 底部 100 mm 范围内, σ_{qs} 沿着路堤深度转而又出 现增大趋势。可以看出,土拱效应作用在路堤底 部一距离路堤底部 200 mm 范围内,并且随着静载 的增加,该土拱效应作用的区域基本上没有发生 改变,即路堤表面作用的静载 q_{stat}在 10~50 kPa 范 围内变化时,对土拱内、外拱的高度基本上没有影 响。当 q_{even} 的变化范围在 10~50 kPa 时,桩上方的 竖向应力沿着路堤高度逐渐增大,在土拱效应作 用区域至路堤底部范围内,其增长变化幅值显著 增大,从而使得桩上出现了较明显的接触力集中 现象。可以计算出随着 q_{stat} 的逐级增大(由 10 kPa 增大至40 kPa),桩土应力比逐渐增大,相比 q_{stat}= 10 kPa 与 q_{stat} = 30 kPa 的结果可知, 桩土应力比 n

Fig. 7 The distribution of the vertical stress of the embankment subjected to static load

增大了3倍左右。结合路堤中竖向应力的分布规 律与桩土应力比的变化规律可知:在当静载在 10~40 kPa范围变化时,桩承式路堤中土拱效应的 发挥维持稳定且有增强的趋势。

当路堤表面的静载 q_{stat} 增大至 100 kPa 时,路 堤中的竖向应力分布曲线发生了变化,主要体现 在距离路堤底部 200 mm 至路堤表面之间路堤中 的竖向应力沿着路堤高度呈现弱化趋势,该趋势 与陈仁朋等(2015)^[15-16]分析的在静载下路堤中的 竖向附加应力的分布规律相似。这与路堤表面作 用较大的静载有关(例如 q_{stat} =100 kPa),因为该静 态荷载引起路堤中的竖向附加应力沿着路堤的深 度呈现衰减弱化的趋势,相比于路堤的自重,该静 载(路堤自重约10倍)对路堤中竖向应力分布的 影响更大。因此,在路堤表面至距离路堤底部 200 mm 的范围内,路堤中竖向应力分布曲线与竖 向附加应力分布曲线的规律相似。可以计算出此 时桩土应力比n约是 q_{stat} =10 kPa 情况下的80%, 桩土应力比n的减小说明了在 q_{stat} =100 kPa时,路 堤中的土拱效应发生了退化,这将在后文中从接 触力分布规律的变化作进一步分析。

2.3 静载作用下应力缩减比的变化规律

为进一步说明静态荷载作用下桩承式路堤中土 拱效应的演变规律,对不同静载作用下的应力缩减 比 SRR 的变化规律进行分析,如图 8 所示。在静载 q_{stat} 作用时,SRR 的计算表达式如公式(3)所示。从 图 8 中可以看出,随着静载 q_{stat} 的增加,应力缩减比 呈现出两个阶段的变化规律。当 q_{stat} 的变化范围为 10~40 kPa 时,SRR 随着 q_{stat} 的增大而逐渐减小,这 表明有较少的竖向应力由软土承担,而更多的荷载 由桩来承担,桩承式路堤中的土拱效应逐渐增强。 随着 q_{stat} 的继续增大,SRR 逐渐增大,当 q_{stat} 由 50 kPa 增大为 100 kPa 时,SRR 增大了约 60%。与 静载 q_{stat} 在 10~50 kPa 作用情况下相比,桩间软土 承担了更多比例的竖向荷载,这表明此时路堤中的 土拱效应发生了弱化,这与图 7 得到的结论相一致。

$$SRR = \frac{\sigma_{qs}}{\gamma h + q_{stat}}$$
(3)

式(3)中:SRR 为应力缩减比; γ 为路堤的重度, kN/m³; σ_{qs} 为软土表面上作用的竖向应力,kPa; q_{stat} 为路堤表面上作用的外加静力荷载,kPa。

2.4 静载作用下路堤中接触力分布规律

图 9 为不同静态荷载 q_{stat} 作用下桩承式路堤

中接触力的变化规律,基于该结果可以分析出施 加不同静载作用对路堤中土拱效应的影响。从图 9(a)与9(b)中可以看出,当 q_{stat} 由10 kPa 增大至 30 kPa 时,土拱的外拱高度基本上没有发生变化, 而内拱的高度有逐渐减小的趋势,说明土拱效应 作用的区域在逐渐增大,在宏观上表现为应力缩 减比 SRR 的减小,如图 8 中第一阶段所示。从图 9 (b)与9(c)中可以看出,当 q_{stat} 由 30 kPa 增大至 40 kPa 时,内拱、外拱的拱高均略有降低,在宏观 上表现为 SRR 略有增大。从图 9(d)可以看出,当 q_{stat} 增大至 100 kPa 时,外拱的高度发生了明显的 下降,根据参考文献[14]中软土表面作用的竖向 应力表达式可知(公式(4)):当 h_{o} 减小时,作用在 软土表面上的竖向应力 σ_{qs} 增大,从而使得 SRR 的值变大,如图 8 中第二阶段所示。

从图 9 还可以看出 q_{stat} 由 10 kPa 增至 100 kPa 时路堤中接触力分布规律的变化。当 q_{stat} 由 10 kPa 增大至 40 kPa 时,桩承式路堤中的土拱 效应发挥稳定,并且有增强的趋势;当 q_{stat} 由 40 kPa 增大至 100 kPa 时,桩承式路堤中土拱的 内、外拱的位置均发生了明显变化,并有下降的趋势,说明在这个逐级加载的过程中,原来的土拱结 构逐渐发生了退化,并且有新的土拱结构的形成, 而新形成的土拱结构的作用区域在逐渐减小,在 宏观上表现为应力缩减比 SRR 的增大,也就是软 土承担竖向荷载的分担比呈现增大的趋势。

$$\sigma_{qs} = \sigma_{i} + \gamma h_{i} = \gamma \left(h - \frac{K_{p} - 1}{K_{p} - 2} h_{o} \right) \left(\frac{h_{i}}{h_{o}} \right)^{(K_{p} - 1)} + \frac{K_{p} - 1}{K_{p} - 2} \gamma h_{i}$$

$$(4)$$

式中: σ_i 为作用在内拱高度处的竖向应力, kPa; K_p 为被动土压力系数。

3 结论

本文根据室内模型槽试验建立了桩承式路堤 的离散元颗粒流模型,并通过路堤的双轴试验和 桩间软土的单轴压缩试验反演获得了路堤与桩间 软土的微观参数。离散元数值模拟结果与室内模 型试验的对比结果验证了本文建立的桩承式路堤 颗粒流模型的正确性。基于该数值分析模型,从 宏观和微观两个角度分析了路堤填料自重荷载作 用及静载作用下桩承式路堤中土拱效应的形成及 演变规律,本文的主要结论如下:

1)在自重应力作用下,当h/(s-a) = 0.5时, 桩承式路堤中基本上没有接触力由路堤填土向桩 上转移的现象;当 $h/(s-a) = 2.0 \sim 2.5$ 时,路堤中 的强力链在软土的上方交错形成环形的拱结构,并 且该拱的内、外拱的高度可以用公式 $h_o = -0.18 \times \frac{h^2}{(s-a)} + 0.7 h 与 h_i = -0.08 \frac{h^2}{(s-a)} + 0.4 h 近$

似估算。

2) 从路堤中竖向应力的分布规律、应力缩减 比的变化规律以及路堤中接触力的分布规律三个 角度分析了静载 q_{stat} 作用下桩承式路堤中土拱效 应的演变规律。当 q_{stat} 由 10 kPa 增大至 40 kPa 时, 桩承式路堤中的土拱效应发挥稳定, 并且有增 强的趋势; 当 q_{stat} 由 40 kPa 增大至 100 kPa 时, 桩 承式路堤中土拱的内、外拱的位置均有下降的趋 势,原来的土拱结构发生了退化并有新的土拱结构形成,其作用区域逐渐减小,在宏观上表现为软 土承担竖向荷载的分担比呈现增大的趋势。

参考文献:

- [1] LIN K Q, WONG I H. Use of Deep Cement Mixing to Reduce Settlements at Bridge Approaches [J]. Journal of Geotechnical & Geoenvironmental Engineering, 1999, 125 (4):309-320.
- [2] CHEN R P, XU Z Z, CHEN Y M, et al. Field Tests on Pile-Supported Embankments over Soft Ground [J]. Journal of Geotechnical & Geoenvironmental Engineering, 2010, 136(6):777-785.
- [3] LIU H L, KONG G Q, CHU J, et al. Grouted Gravel Column Supported Highway Embankment over Soft Clay: Case Study[J]. Canadian Geotechnical Journal, 2015, 52(11): 1725-1733.
- [4] TERZAGHI K. Theoretical Soil Mechanics [M]. New York: John Wiley and Son, 1943:66-75.
- [5] RUI R, HAN J, VAN EEKELEN S J M, et al. Experimental Investigation of Soil Arching Development in Unreinforced and Geosynthetic-Reinforced Pile-Supported Embankments [J]. Journal of Geotechnical and Geoenvironmental Engineering, 2019, 145(1): 04018103.
- [6] RUI R, TOL F V, XIA X L, et al. Evolution of Soil Arching: 2D DEM Simulations [J]. Computers and Geotechnics, 2016, 73: 199-209.
- [7]陈其志,郭生根,徐长节,等.砂土中松动土压力及松动 区位移破坏形式的试验研究[J].中南大学学报:自然

科学版,2019,50(1):15.

- [8]郑俊杰,罗先国,付海平,等. 基于 H&R 土拱模型的桩 承式加筋路堤分析[J]. 华中科技大学学报,2019,47 (1):50-54.
- [9] HEWLETT W J, RANDOLPH M F. Analysis of Piled Embankments[J]. Ground Engineering, 988, 21(3):12-18.
- [10] ZHAO L S, ZHOU W H, GENG X Y, et al. A Closedform Solution for Column-supported Embankments with Geosynthetic Reinforcement [J]. Geotextiles and Geomembranes, 2019, 47:389-401.
- [11] ANH TRAN Q, VILLARD P, DIAS D. Discrete and Continuum Numerical Modeling of Soil Arching between Piles
 [J]. International Journal of Geomechanics, 2018, 19 (2):04018195.
- [12] LAI H J, ZHENG J J, ZHANG J, et al. DEM Analysis of

"Soil"-arching within Geogrid-reinforced and Unreinforced Pile-supported Embankments [J]. Computers and Geotechnics, 2014, 61:13-23.

- [13] 鲍宁,魏静,陈建峰. 桩承式路堤土拱效应三维离散 元分析[J]. 岩土力学,2020,41(S1):1-9.
- [14] 崔晓艳,庄妍,肖衡林,等. 桩承式路堤中土拱效应可 视化模型试验研究[J]. 岩石力学与工程学报,2020, 39(S1):3150-3158.
- [15]陈仁朋,汪焱卫,陈金苗,等.大振次列车动荷载作用 下桩网加筋路堤土拱效应模型试验研究[J].铁道学 报,2015(9):107-113.
- [16] 陈仁朋, 陈金苗, 汪焱卫, 等. 桩网结构路基应力传递 特性及累积沉降规律[J]. 土木工程学报, 2015(S2): 241-245.

(责任编辑 王利君)